Глазунов А.В.<sup>1,2</sup>

# Изучение турбулентности в пограничном слое атмосферы при помощи численного моделирования DNS- и LES-методами

- 1) Институт вычислительной математики РАН
- 2) Лаборатория суперкомпьютерного моделирования природно-климатических процессов НИВЦ МГУ

and.glas@gmail.com

Обтекание кругового цилиндра, визуализация лабораторных экспериментов Ван-Дайк. Альбом течений жидкости и газа

*Re* = **140** 

Re = 0.16

 $\Delta \simeq 1/40$  L, N  $\simeq 10^4$ 

Re=200 DNS

 $Re = \frac{UL}{(\nu/\rho_0)}$ 

Число Рейнольдса

 $\widetilde{\eta} \ = \ \eta/L$  $\widetilde{\eta} \ = \ O(Re^{-3/4})$ Вязкий масштаб длины

(размер минимальных вихрей)

Обезразмеренные уравнения Навье-Стокса:

$$\frac{\partial u_i}{\partial t} = -\frac{\partial u_i u_j}{\partial x_j} - \frac{\partial p}{\partial x_i} + \frac{1}{Re} \frac{\partial^2 u_i}{\partial x_j \partial x_j} + F_i^e,$$

Турбулентность -"...завихренное течение с очень большим числом возбужденных степеней свободы и с хаотическим распределением дисперсионных соотношений и фазовых сдвигов" (А.С. Монин)

Шаг сетки численной модели и число расчетных узлов

#### При очень больших числах Рейнольдса

основные статистические характеристики

течения перестают зависеть от Re

Re~10<sup>3</sup> DNS



Re ~ 10<sup>5</sup> f ~ 3 Гц

A. Veldman, University of Groningen, http://www.math.rug.nl/~veldman/ St=f L/U~const~0.2 f ~ 0.2 U/L

U~5м/с

$$Re = 2000 \quad \Delta \sim 1/300 \text{ L, N} \sim 10^8$$



 $Re = 10000 \Delta \sim 1/1000 L, N \sim 10^9$ 

## Особенности турбулентных процессов в геофизических пограничных слоях

Атмосферный пограничный слой  $H_{ABL} \sim 10^2 - 10^3 \ M$ Верхний пограничный слой океана  $H_{UOL} \sim 10^1 - 10^2 \ M$ Придонный пограничный слой океана  $H_{OBL} \sim 10^0 \ - 10^1 \ M$ 



- Стратификация
- Солнечная радиация
- Наличие облачности и фазовые переходы в АПС
- Сильно шероховатая орографически и гидрологически неоднородная поверхность в АПС

...

Очень большие числа Рейнольдса

Атмосферный пограничный слой - Re ~ 10<sup>9</sup> Верхний слой океана - Re~ 10<sup>6</sup>-10<sup>7</sup> Придонный слой океана - Re~ 10<sup>5</sup>-10<sup>6</sup>



Когерентные (организованные) структуры Турбулентность



Конвективные ячейки на Солнце (гранулы).





$$rac{\partial u_i}{\partial t} = -rac{\partial u_i u_j}{\partial x_j} - rac{\partial p}{\partial x_i} + rac{1}{Re} rac{\partial^2 u_i}{\partial x_i \partial x_j} + F_i^e$$
, Система уравнений Навье-Стокса для вязкой несжимаемой жидкости или газа.  
 $rac{\partial u_i}{\partial x_i} = 0,$ 
(DNS)

$$\begin{split} F(a(x,t)) &\equiv \overline{a}(x,t) = \int_{R^3} G(x-x',\Delta_f) a(x',t) dx' \\ \frac{\overline{\partial a(x,t)}}{\partial x_i} &= \frac{\partial \overline{a}(x,t)}{\partial x_i}; \quad \overline{\frac{\partial a(x,t)}{\partial t}} = \frac{\partial \overline{a}(x,t)}{\partial t} = \frac{\partial \overline{a}(x,t)}{\partial t} \end{split}$$
Сводит исходную систему к системе с меньшим количеством степеней свободы

#### Вихреразрешающее моделирование (Large Eddy Simulation, LES)

$$\begin{split} \frac{\partial \overline{u}_{i}}{\partial t} &= -\frac{\partial \overline{u}_{i}\overline{u}_{j}}{\partial x_{j}} - \frac{\partial \tau_{ij}}{\partial x_{j}} - \frac{\partial \overline{p}}{\partial x_{i}} + \frac{1}{Re} \frac{\partial^{2}\overline{u}_{i}}{\partial x_{i}\partial x_{j}} + \overline{F_{i}^{e}}, \end{split}$$

$$\begin{array}{c} 1. \text{ Влиян} \\ \text{ на крупн} \\ \frac{\partial \overline{u}_{i}}{\partial x_{i}} = 0, \\ \frac{\partial \overline{u}_{i}}{\partial x_{i}} = 0, \\ \tau_{ij} &= \overline{u_{i}u_{j}} - \overline{u_{i}} \overline{u_{j}}. \end{split}$$

$$\frac{\partial \overline{s}}{\partial t} = -\overline{u}_i \frac{\partial \overline{s}}{\partial x_i} - \frac{\partial \sigma_i^s}{\partial x_i} + \overline{Q^s} \qquad \sigma_i^s = \overline{su_i} - \overline{u_i} \,\overline{s}$$

Для очень больших чисел Re

1. Влиянием молекулярной вязкости на крупные вихри можно пренебречь

#### Необходимо найти гурбулентное замыкание

 $au_{ij} \approx T_{ij}(\overline{u}_k, \overline{u}_l, \overline{u}_m)$ <u>Центральная проблема LES.</u>

Аналогичная задача для скаляров (температура, влажность воздуха, Концентрации газовых примесей)



Лагранжев перенос частиц (параллельные обмены частицами)

## **DNS. Программная реализация**

## Параллельная реализация на графических процессорах

- Актуальная современная вычислительная технология
  - Достоинства
    - Низкая стоимость
    - Энергоэффективность
    - Высокая производительность графических процессоров
  - Усложняется программная реализация
  - Модификация численных методов





## DNS. Численная модель Метод погруженной границы

- Моделирование течений в областях со сложной геометрией на простых прямоугольных сетках
  - Нет необходимости перестраивать сетку на каждом шаге по времени для задач с подвижными границами
  - Простота реализации на параллельных архитектурах
  - Необходимы специальные способы аппроксимации граничных условий на криволинейных границах при дискретизации на прямоугольных сетках – метод погруженной границы
  - Аппроксимация граничных условий на криволинейных границах Г<sub>b</sub> за счет добавления специальных функций в уравнение движения

$$\frac{\partial \mathbf{u}}{\partial t} + (\mathbf{u} \cdot \nabla)\mathbf{u} = \mathbf{v}\nabla^2 \mathbf{u} - \frac{1}{\rho_0}\nabla p + b\mathbf{e}_z + \mathbf{f}_U$$



## Прямое численное моделирование турбулентности (DNS)

- Численное моделирование движения льда в стратифицированной жидкости
  - Уточнение параметризаций подледного пограничного слоя и силы сопротивления дрейфу льда в крупномасштабных моделях
- Изучение структуры турбулентности при устойчивой стратификации
  - Совершенствование турбулентных замыканий для RANS моделей
- Численное моделирование вихревого следа при обтекании потоком тел сложной формы



Вихревой след позади кругового цилиндра и сферы Структура турбулентного течения режим сильной устойчивости

- Перемежающаяся турбулентность при сильной устойчивости
- Формирование вторичных структур в стратифицированной жидкости
  - Ответственны за поддержание турбулентности при числах Ричардсона, превышающих пороговое значение
  - Поперечный размер валиков увеличивается при усилении стратификации – дополнительное ограничение на размер вычислительной области



L — ламинарная подобласть течения T — турбулентная подобласть течения



## DNS. Турбулентное течение Куэтта при устойчивой стратификации. Существует ли турбулентность при больших числах Ричардсона?





Нормированные спектры продольной компоненты скорости на различном удалении от стенки (лабораторные измерения,  $Re_{\tau} = 2 \times 10^5$ , Perry et al. 1986).

F. Porte-Agel, C. Meneveau and M. B. Parlange

A scale-dependent dynamic model for large-eddy simulation: application to a neutral atmospheric boundary layer J. Fluid Mech. (2000), vol. 415, pp. 261-284



Псевдоспектральная численная схема

LES-модель с различными «подсеточными» замыканиями

#### LES-модели с конечно-разностными численными схемами



Конвективный пограничный слой атмосферы

The finite-differencing and aliasing errors of finite-differencing numerical schemes are significantly larger than the subgrid terms over most of the wavenumber range.

An increase in grid resolution makes the errors increase faster than the subgrid force so that the situation cannot be improved by grid refinement alone as long as the cutoff remains in the inertial range.

#### Ghosal S., Analysis of numerical errors in LES, JCP 1995.

Kravchenko and Moin 1996, Park et al. 2004, ...

Заниженная энергия мелкомасштабных вихрей в LES-моделях часто является следствием ошибок аппроксимации численных схем

Katopodes F.C., Street R.L., Xue M. and Ferziger J.H. Explicit Filtering and Reconstruction Turbulence Modeling for Large-Eddy Simulation of Neutral Boundary Layer Flow. // J. Of The Atm. Sc., 2005, 62, pp. 2058-2076.

**ILES** 

**LES с неявной фильтрацией** – аппроксимация по пространству играет роль фильтра. Ширина фильтра определяется шагом сетки



Схематическое представление спектра кинетической энергии в LES-модели

LES с явной фильтрацией – пространственный фильтр имеет ширину, превышающую шаг сетки, задан явным образом и используется при построении замыкания.

k









полная энергия

разрешаемая явно

параметризованная

## LES-модель ИВМ РАН

## Смешанное подсеточное/подфильтровое замыкание



Задавая пространственный фильтр модели явным образом можно вычислить существенную часть тензора напряжений не прибегая к параметризациям

#### + Повышается корреляция с реально наблюдаемым тензором турбулентных напряжений

## LES-модель с ИВМ РАН

## Динамический подход (Germano, 1991)



0,1

0.08 0.12 0.16 0.2 0.24 0.28 0.32 0.36 0.4 0.44 0.48

#### Интерпретация результатов моделирования

Восстановление мелкомасштабных компонент скорости путем «обратной фильтрации»



#### Тестирование модели

Турбулентное течение Пуазейля в канале Сравнение с DNS и лабораторными данными



Нормированные спектры продольной компоненты скорости на разном удалении от поверхности в пристеночном турбулентном течении



#### Лабораторные измерения Perry, 1986

LES. Моделирование турбулентного слоя Экмана и его чувствительность к направлению ветра









Кинетическая энергия турбулентности (открытые кружки) и касательное напряжение на поверхности (квадратики зависимости от направления ветра (в нормировке на соответствующие величины без учета меридиональной составляющей угловой скорости)

315

## LES. Моделирование растущего по высоте конвективного АПС.





Рис. 3.6. Фотография облаков, связанных с конвективными ячейками в ППС над морем (a), и поле вертикальной скорости (на высоте  $z_i/2$ , где  $z_i$  - высота слоя инверсии), полученное при численном моделировании конвективного ППС (без облачности) с шагом сетки 25х25х25 м<sup>3</sup> (области с восходящим течением отмечены более светлой штриховкой) (б).

Теория подобия  
Дирдорфа
$$\begin{array}{l} & w^* = (\alpha g)^{1/3} z_i^{1/3} \langle w' \Theta' \rangle_0^{1/3}, \\ & \Theta^* = (\alpha g)^{-1/3} z_i^{-1/3} \langle w' \Theta' \rangle_0^{-2/3}, \\ & t^* = z_i / w^* = (\alpha g)^{-1/3} z_i^{2/3} \langle w' \Theta' \rangle_0^{-1/3}. \end{array}$$



приводит все характеристики к универсальному виду

Все горизонтальные масштабы растут пропорционально высоте ПСА



«Классические» спектры кинетической энергии и дисперсии температуры в режиме свободной конвекции

$$S_u = K_{KO} \varepsilon_u^{2/3} k^{-5/3},$$
  

$$S_{\Theta\Theta} = K_{\Theta} \varepsilon_{\Theta} \varepsilon_u^{-1/3} k^{-5/3}$$

Закон Колмогорова-Обухова (справедлив для инерционного интервала флуктуации температуры определяются флуктуациями скорости )

$$S_{u} = C_{BO} \varepsilon_{\Theta}^{2/5} (\alpha g)^{4/5} k^{-11/5},$$
  

$$S_{\Theta\Theta} = C_{\Theta} \varepsilon_{\Theta}^{4/5} (\alpha g)^{-2/5} k^{-7/5}$$

Закон Больцано-Обухова (Крупные масштабы – флуктуации скорости определяются флуктуациями температуры)



Ни одна из пар классических законов не выделяется Для спектров дисперсии температуры на крупном масштабе наиболее близкие степенные зависимости - S~k<sup>-1/3</sup> and S~k<sup>-4/3</sup> LES-модель ИВМ РАН - расчет турбулентного обтекания городской застройки, модуль скорости ветра на высоте 0.5 м



#### Boundary-Layer Meteorol (2008) 129:179-190

The Effect of Stratification on the Aerodynamic Roughness Length and Displacement Height

S. S. Zilitinkevich  $\cdot$  I. Mammarella  $\cdot$  A. A. Baklanov  $\cdot$  S. M. Joffre



$$U(z) = \frac{u_*}{k} \left( \ln \frac{z - d_{0u}}{z_{0u}} + C_{U1} \frac{z - d_{0u}}{L} \right)$$

 $L = -u_*^3/F_b$ 

Выполняются ли обычные зависимости теории подобия Монина-Обухова в турбулентных стратифицированных потоках над крупными объектами и если выполняются, то зависят ли аэродинамические характеристики таких поверхностей от стратификации ?



1. Параметры, имеющие размерность длины и характеризующие свойства поверхности, z<sub>0</sub> (параметр шероховатости) и D (высота вытеснения) не зависят от стратификации.



Моделирование порывов ветра в норвежском фьорде





Рис. 5.18. Модуль скорости ветра у поверхности воды (a); временной ряд  $\overline{u}(t)$  за 3 часа модельного времени в одной из точек вблизи предполагаемого сооружения(б)



## Лагранжев перенос трассеров.

## Определение функции «футпринта» потока скаляра с поверхности

Над однородной поверхностью

статистически значимый результат можно получить при помощи осреднения по пространству

Над неоднородной поверхностью

Требуется большое количество трассеров (~ 10<sup>2</sup> на каждую ячейку сетки модели) и длительное время интегрирования

$$Q_p = \iint Q_s(x, y) f_s(x, y) dx dy$$



#### Сравнение с лабораторными данными

(Конвективный АПС - Масштаб Обухова L~ 10м, высота АПС z<sub>i</sub> ~ 1000 м) Концентрация примеси не расстоянии от приподнятого над поверхностью источника.







**Figure 15.** Footprints  $f_s^y$  (a,b) and cumulative footprints **F** (c,d) for the sensor heights  $z_M=10m$  (a,b) and  $z_M=100m$  (c,d), computed with the different spatial resolution in LES. Symbols - observational data Leclerc et al. (1997)

## Лагранжев перенос трассеров. Стохастические модели

Обобщенное уравнение Ланжевена (Броуновское движение частицы)

$$du'_{i}^{p} = a_{i}(\mathbf{x}^{\mathbf{p}}, \mathbf{u}^{p}, t)dt + b_{ij}(\mathbf{x}^{\mathbf{p}}, \mathbf{u}^{p}, t)\xi_{i}^{p}$$
$$d\mathbf{x}^{p} = \mathbf{u}^{p}dt \qquad u_{i}^{p} = \left\langle u_{i}^{(p)} \right\rangle + u_{i}^{\prime p}$$

ξ - дельта-коррелированный (обычно Гауссов) случайный шум Универсальная константа ~ 6 ± 0.5  $\left\langle \xi_i^p(t)\xi_i^h(t+\tau) \right\rangle = \delta_{ij}\delta_{ph}\delta(\tau)dt$ вория K-41  $a_i^p = -\frac{u_i^p}{T_L}, \quad T_L = \frac{4}{3} \frac{E}{C_0 \epsilon}$ 

$$D(\tau) = \langle w(t+\tau)w(t) \rangle = C_0 \epsilon \tau$$

Для однородной изотропной турбулентности:

Для неоднородной турбулентности обычно применяется условие «хорошего перемешивания» (Tomson, 1987), следующее из соотношения между плотностью вероятности лагранжевой скорости и плотностью вероятности эйлеровой скорости:

Теория К-41

$$p_E(\mathbf{x}, \mathbf{u}, t) = \int_{R^3} p_L(\mathbf{x}, \mathbf{u}^p, t | \mathbf{x_0}) d\mathbf{x_0}$$

$$\frac{\partial p_E}{\partial t} + u_i \frac{\partial p_E}{\partial x_i} + \frac{\partial}{\partial u_i} \Phi_i = 0, \quad \Phi_i = a_i p_E - \frac{C_0 \epsilon}{2} \frac{\partial p_E}{\partial u_i}$$

### Устойчиво –стратифицированный

300 (a)  $\Delta_{g}$ =12.5 m 250  $\Delta_{g}$ =6.25 m < u > $\Delta_q=3.125 \text{ m}$ 200  $\Delta_{a}=2.0 \text{ m}$  $(\mathbf{H})$ 150 GABLS-1, other LES  $\Delta_q = 3.125 \text{ m}$ N  $< u > = U_* \left( \frac{1}{\kappa} \ln(z/z_0) + 5.3 \frac{Z}{L} \right)$ 100 (Högström, 1996) 50 0 -2 -6 8 -4 2 6

< u > < v > (m/s)

Турбулентность носит мелкомасштабный характер. Существенная часть переноса скаляров обеспечивается подсеточными процессами. Требования к качеству LES-моделей возрастают

АПС



Вычисляя траектории большого количества частиц (~10<sup>8</sup>), можно определить двумерную функцию футпринта потока с поверхности.





«Дефильтрация» скорости (детерминистический подход) и Лагранжевы стохастические «подсеточные» модели (сравнение).



Figure 7. Crosswind-integrated scalar flux footprints  $f_s^y$ , obtained in LES with  $\Delta_g = 6.25$  m using different stochastic Lagrangian subgrid models RDM (Eq. 33) and LSM (Eqs. 28–32). The results obtained with these subgrid models applied within the first computational grid layer in combination with velocity recovering  $u^* = F^{-1}\overline{u}$  and correction of velocity (Eqs. 34 and 35) are also shown. Black lines are the footprints in LES with  $\Delta_g = 2.0$  m.

Общее количество озер с площадью менее 10 км<sup>2</sup> составляет 99,9 % от числа внутренних водоемов на поверхности Земли, а их суммарная территория составляет 54% от общей площади внутренних водоемов



Для современных моделей прогноза погоды и климата требуется вычисление балансов тепла, влаги и газовых примесей на поверхности с учетом наличия водных объектов подсеточного масштаба.





Турбулентный поток генерируется вспомогательной моделью (а) с двоякопериодическими граничными условиями и с заданным массивом объектов на поверхности. Значения z<sub>0w</sub> и D соответствуют типичным значениям для лесной растительности

Непериодическая расчетная область (б), включающая "озеро".  $z_{01} = 10^{-4} m$  $T_s^{lake} = T^{air} \pm 5^0 C$ 

Шаг сетки  $\Delta$  = 0.5 м, 1024 х 512 х 128 узлов, время интегрирования T= 1 час  $\Delta_t$  = 0.025 секунд





 Слой постоянных потоков отсутствует
 (Существенная часть тепла и влаги переносится над озером в горизонтальном направлении)

• Очень слабая чувствительность к стратификации (ТПМО неприменима для вычисления турбулентных потоков над «озером»)





Figure 1.1. Schematic of the different modes of aeolian transport. Reprinted from Nickling and McKenna Neuman (2009), with kind permission from Springer Science+Business Media B.V.



## ~10<sup>1</sup>-10<sup>3</sup> м Перенос и турбулентная диффузия мелкодисперсных примесей.

#### Применимы подходы для пассивных трассеров

Слой равновесия между турбулентным перемешиванием и гравитационным оседанием ~1-10 м

Взвесь воздействует на турбулентность в основном за счет изменения суммарной плотности двуфазной жидкости

Нужно ли учитывать эффекты инерции частиц, турбофорез?

Параметризации для LES:

 Подсеточная стохастика с учетом инерции частиц.
 Обратное влияние ансамбля частиц на разрешаемую и подсеточную турбулентность (возможно осреднение на масштабах шага сетки)

#### Слой сальтации ~10-2 м

Непосредственное воздействие индивидуальной динамики частиц на турбулентность в энергонесущем интервале. Важная роль молекулярной вязкости. Столкновения частиц. Проблемы с представлением частицы как материальной точки (ВВО уравнение, силы связанные с вращением и сдвигом скорости на масштабе размера частицы ...}

Параметризации для LES:

#### 1) Обмен частицами на поверхности:

динамическое вовлечение частиц с поверхности, многократные отражения, выбивание новых частиц старыми (эмпирические зависимости, случайные процессы с заданными функциями распределения)

2) Воздействие слоя сальтации на внешний поток:

Изменение динамической и термической шероховатости поверхности:

 $z_0 = z_{0i} + a U_*^2/g$  ?



M. Pavageau, M. Schatzmann / Atmospheric Environment 33 (1999) 3961-3971



Fig. 1. Side view of the two-dimensional urban model (flow direction from left to right).



#### Перенос тяжелых частиц в городском каньоне

Carbon spherical particles ( $\rho_p=2000 \text{ kg/m}^3$ ,  $d=0-100*10^{-6} \mu m$ ) U\*=0.5 m/s, H=30 m, W = 30 m, L = 30 m, air kinematic viscosity 1.3E-5 m^2/s Re\_flow ~ 2\*10^7 Re\_particle < 100 Particle falling terminal velocity U<sub>t</sub>/U\* ≤ 1 (less than mean air velocity inside cavity)





Перенос тяжелых частиц (пыли, сажи)в городской среде может быть очень эффективным

## Модели турбулентных течений, разработанные в ИВМ РАН и НИВЦ МГУ

	Отличительные особенности (вычислительные методы и параметризации)	Возможности	Программная реализация и параллельные вычислительные технологии
DNS	Метод погруженной границы.	Моделирование течений в областях сложной конфигурации, в том числе с подвижной границей. Решение модельных задач для исследования	C++ MPI OpenMP CUDA
	Консервативные конечно-	фундаментальных свойств турбулентности.	
LES	разностные схемы высокого порядка точности.	<ul> <li>Моделирование стратифицированных турбулентных течений при очень больших числах Рейнольдса на достаточно грубых сетках без необходимости подбора параметров.</li> <li>Изучение турбулентности и крупных организованных структур в ПСА.</li> </ul>	Fortran MPI
	Динамическая подсеточная модель.		
	Блок расчета Лагранжевых трассеров.	Моделирование и изучение турбулентности в городской среде.	
		Задачи переноса примесей.	

Перспектива:

объединение разработанных технологий в одном программном коде + неструктурированные сетки + RANS

## Спасибо за внимание!