#### М.А. Носов

кафедра физики моря и вод суши физического факультета МГУ имени М.В.Ломоносова



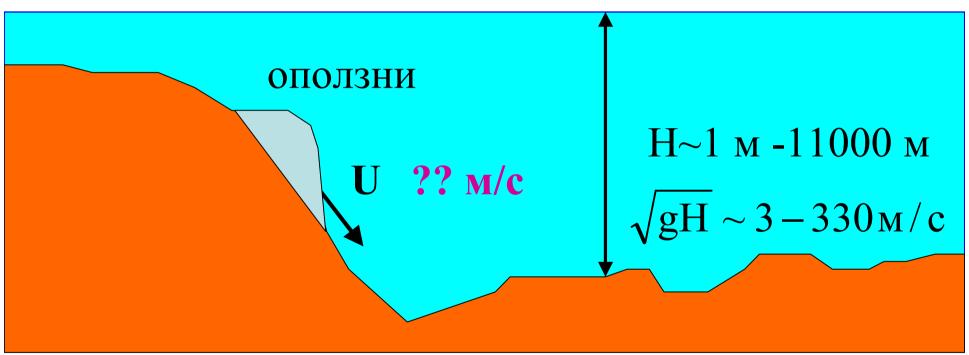
# Морские волны, создаваемые бегущими возмущениями в атмосфере и литосфере



#### Бегущие возмущения



фронты, циклоны  $\sim 10\text{--}30 \text{ м/c}$  акустические волны  $\sim 340 \text{ м/c}$ 





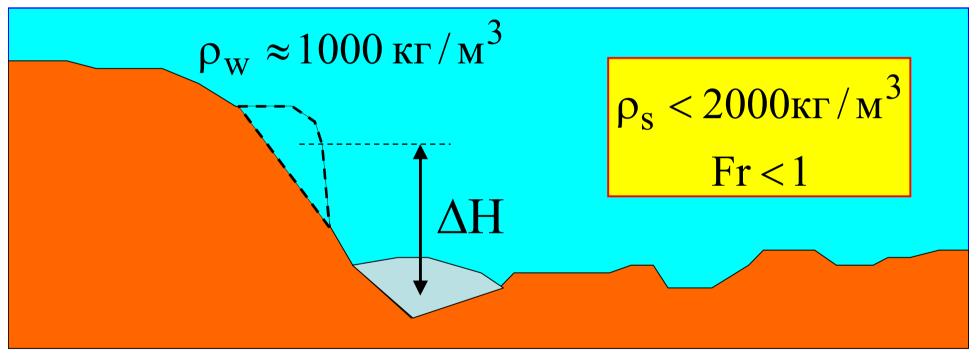
волны Лява и Рэлея ~ 4000 м/с

#### Скорость подводного оползня (оценка сверху)

$$U = \sqrt{2g \frac{\rho_{s} - \rho_{w}}{\rho_{s}}} \Delta H$$

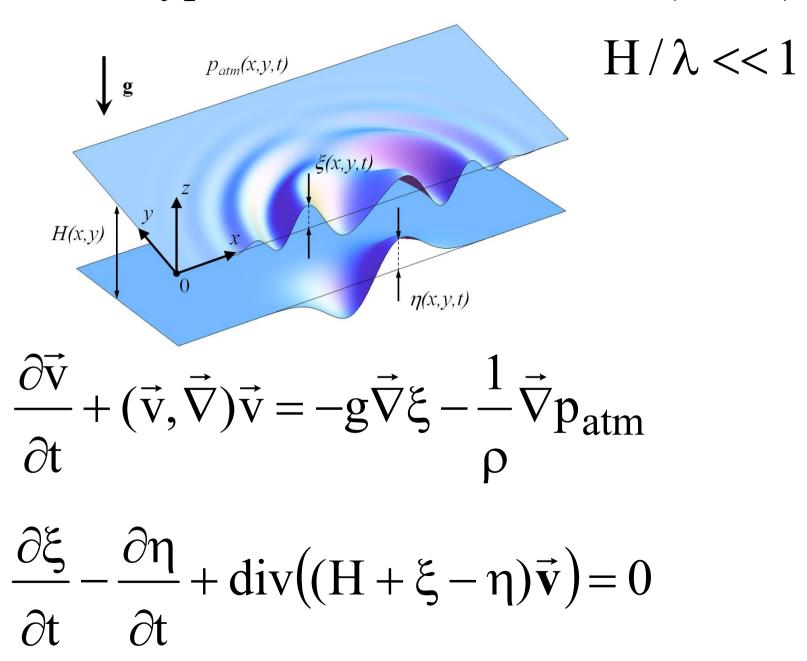
без учета сил трения

$$U < \sqrt{gH}$$



$$Fr = \frac{U^2}{gH} = 2\frac{\rho_s - \rho_w}{\rho_s} \frac{\Delta H}{H} < 2\frac{\rho_s - \rho_w}{\rho_s} \frac{\Delta H}{H} < 1$$

### Нелинейные уравнения мелкой воды (NSW)



$$|\xi|/H << 1, |\eta|/H << 1$$

$$\frac{\partial^2 \xi}{\partial t^2} - \nabla (gH\nabla \xi) = \frac{\partial^2 \eta}{\partial t^2} + \text{div} \left( \frac{H}{\rho} \nabla p_{\text{atm}} \right)$$

$$H = const, 1D$$

$$\frac{\partial^2 \xi}{\partial t^2} - gH \frac{\partial^2 \xi}{\partial x^2} = \frac{\partial^2 \eta}{\partial t^2} + \frac{H}{\rho} \frac{\partial^2 p_{atm}}{\partial x^2}$$

#### Бегущая подвижка дна

$$\eta(x,t) = f(x - Ut)$$

$$\xi(x,t) = C_b f(x - Ut)$$

$$\frac{\partial^2 \xi}{\partial t^2} - gH \frac{\partial^2 \xi}{\partial x^2} = \frac{\partial^2 \eta}{\partial t^2}$$

$$U^2C_bf'' - gHC_bf'' = U^2f''$$

Амплитуда и знак (!) возмущения на поверхности воды определяются числом Фруда

$$C_b = \frac{U^2}{U^2 - gH} = \frac{Fr}{Fr - 1}$$

$$\xi(x,t) = \frac{Fr}{Fr-1}f(x-Ut)$$

$$Fr = \frac{U^2}{gH}$$

#### Бегущее возмущение атмосферного давления

$$p_{atm}(x,t) = f(x - Ut)$$

$$\xi(x,t) = C_p f(x - Ut)$$

$$\frac{\partial^{2} \xi}{\partial t^{2}} - gH \frac{\partial^{2} \xi}{\partial x^{2}} = \frac{H}{\rho} \frac{\partial^{2} p_{atm}}{\partial x^{2}}$$

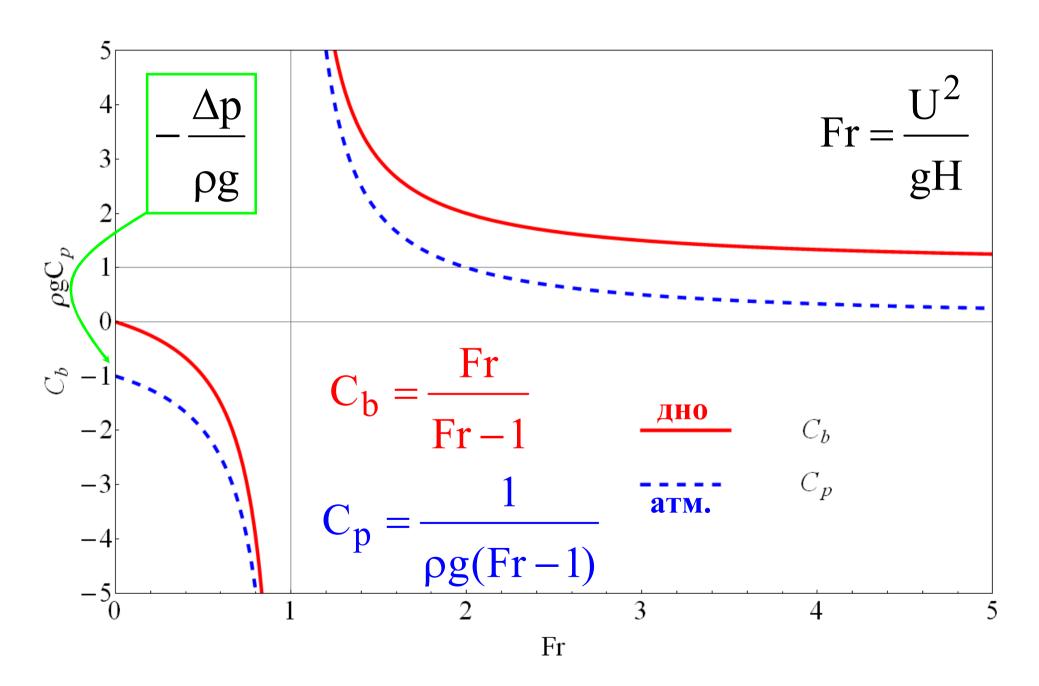
$$U^{2}C_{p}f'' - gHC_{p}f'' = \frac{H}{\rho}f''$$

$$C_p = \frac{H/\rho}{U^2 - gH} = \frac{1}{\rho g(Fr - 1)}$$

$$\xi(x,t) = \frac{1}{\rho g(Fr-1)} f(x - Ut)$$

Амплитуда и знак (!) возмущения на поверхности воды определяются числом Фруда

#### Резонанс Праудмена (Fr ≈ 1)



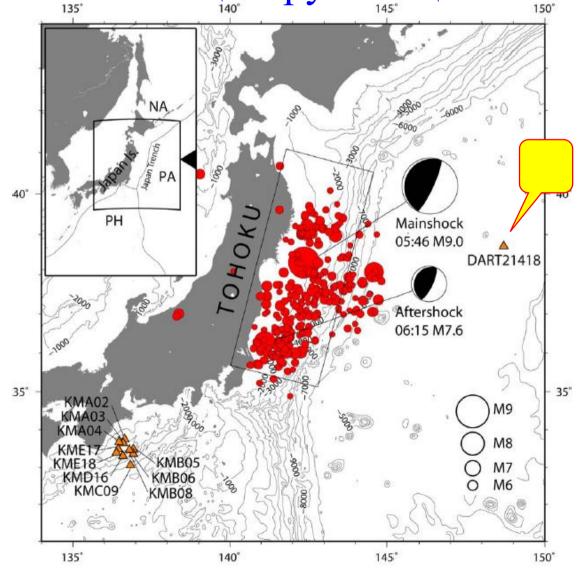
## Риссага (бухта Сьютаделла)





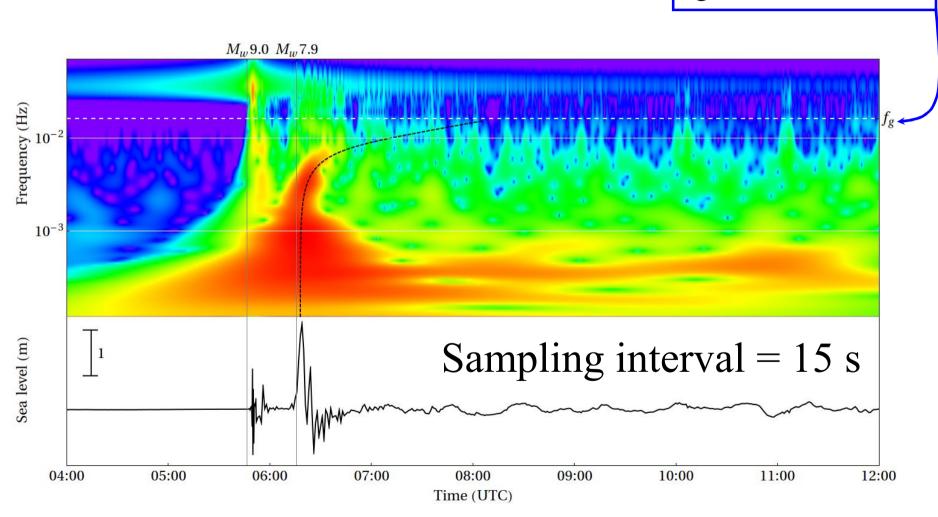
[Jansa, Agusti & Ramis, Climent. (2021). The Balearic rissaga: from pioneering research to present-day knowledge. Natural Hazards. 106. 10.1007/s11069-020-04221-3]

# Землетрясение Тохоку 2011 и афтершоки за период 1 сут. Глубоководные станции DONET и ближайшая к эпицентру станция DART

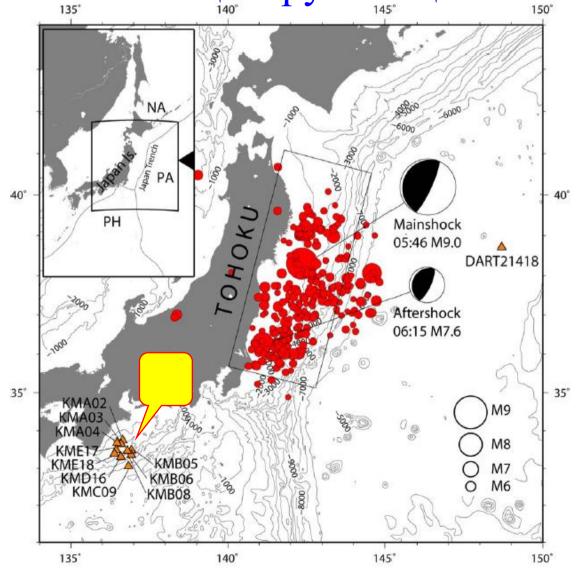


### Вариации придонного давления, зарегистрированные станцией DART21418

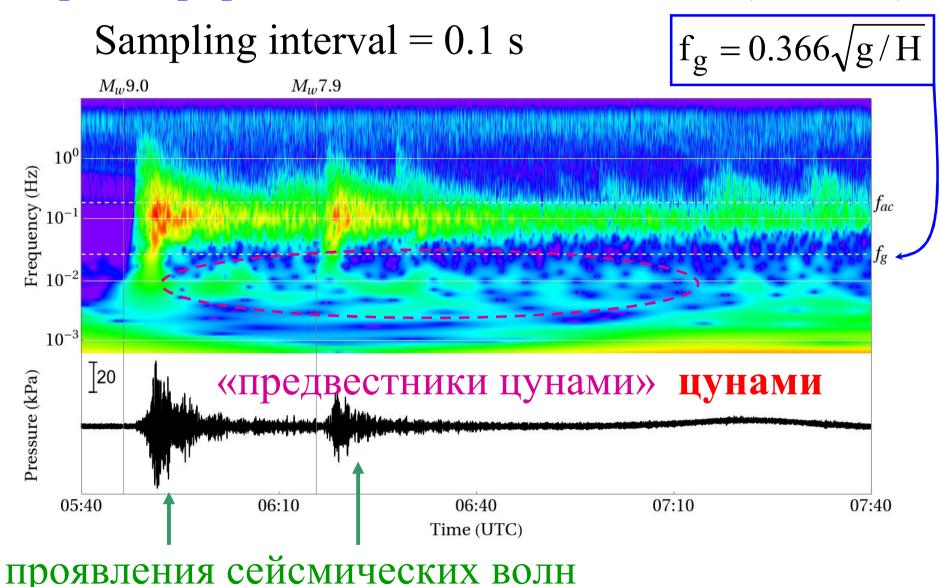
$$f_g = 0.366 \sqrt{g/H}$$

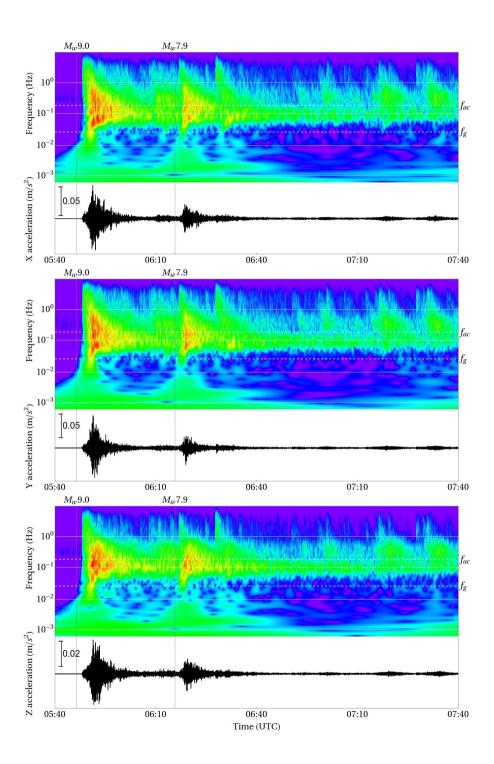


## Землетрясение Тохоку 2011 и афтершоки за период 1 сут. Глубоководные станции DONET и ближайшая к эпицентру станция DART

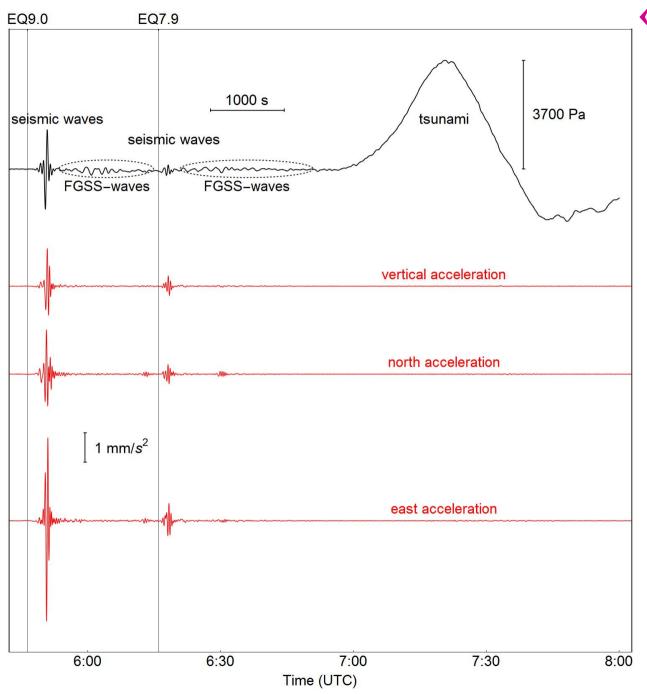


### Вариации придонного давления, зарегистрированные станцией KMA02 (DONET)





# сейсмометр станции DONET A02

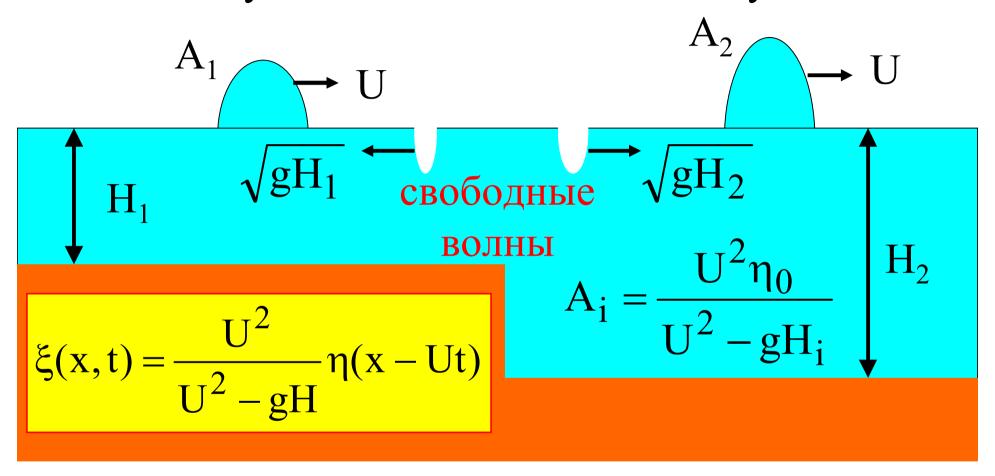


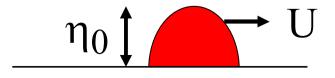
## «Предвестники цунами»

слабые гравитационные поверхностные волны с амплитудой ~3 см и периодом ~150 с

## **Механизм генерации?**

## Механизм №1 — перестройка вынужденного возмущения в области скачка глубин





сейсмическая волна, создающая вынужденные возмущения в водном слое

## Оценка амплитуды свободных волн, возбуждаемых на скачке глубин

условие на скачке глубин: по данным  $\xi_1 = \xi_2$ ,  $u_1H_1 = u_2H_2$  измерений 3 см!!!

$$\xi_1 = -\frac{(\sqrt{gH_1} - \sqrt{gH_2})U^2\eta_0}{(gH_1 - U^2)(\sqrt{gH_2} + U)} \approx 1 \text{ mm}$$

$$\xi_2 = \frac{(\sqrt{gH_1} - \sqrt{gH_2})U^2\eta_0}{(\sqrt{gH_1} - U)(gH_2 - U^2)} \approx 1 \text{ mm}$$

$$H_1 = 2000 \text{ M}$$
  $U = 4000 \text{ M/c}$ 

$$H_2 = 3000 \text{ м}$$
  $\eta_0 \sim 0.1 \text{ м}$ 

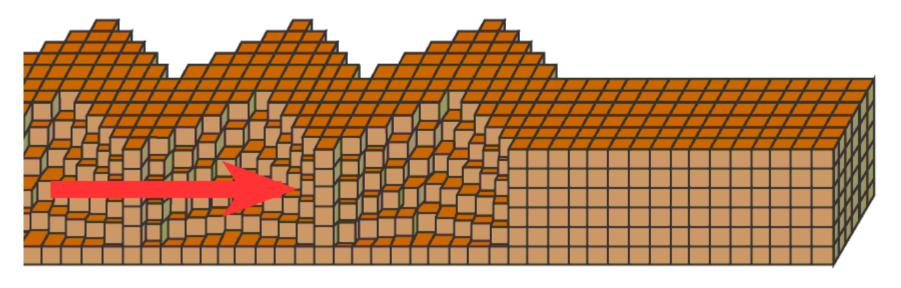
## Механизм №2 – горизонтальные колебания подводных склонов

$$\frac{\partial^2 \xi}{\partial t^2} - \nabla (gH\nabla \xi) = \frac{\partial^2 \eta}{\partial t^2}$$

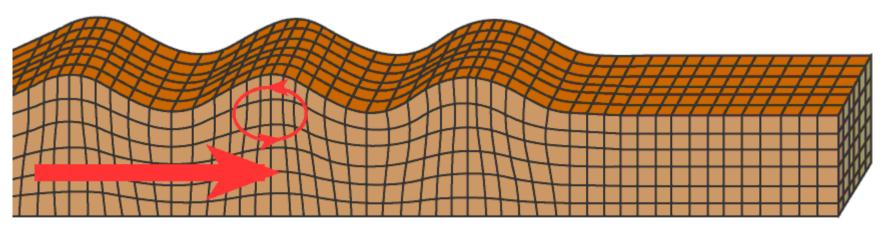
$$\eta = D_x \frac{\partial H}{\partial x} + D_y \frac{\partial H}{\partial y} + D_z$$
 - смещение пов-ти дна

вектор смещения дна:  $\vec{D} \equiv (D_x, D_y, D_z)$ 

#### Типы поверхностных упругих волн



волны Лява



волны Рэлея

#### Механизм №2 – горизонтальные колебания подводных склонов

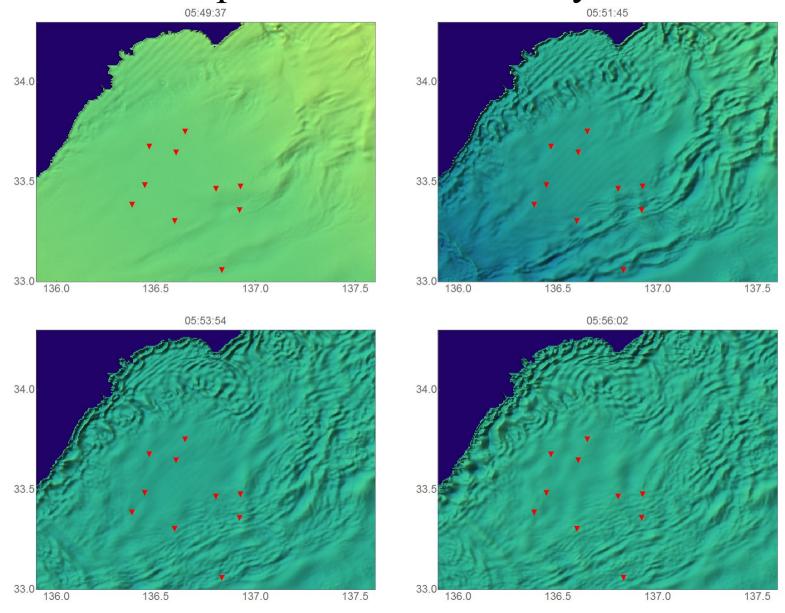
$$\frac{\partial^2 \xi}{\partial t^2} - \nabla (gH\nabla \xi) = \frac{\partial^2 \eta}{\partial t^2}$$
 соответствует измерениям! 
$$|\nabla H| \sim 0.1 \qquad |D_{xy}| \sim 0.3 \text{ M} \qquad \Rightarrow \xi \sim \eta \sim 3 \text{ cM}$$
 
$$\eta = D_x \frac{\partial H}{\partial x} + D_y \frac{\partial H}{\partial y} + \mathcal{D}_x \qquad \text{волны Рэлея}$$
 волны Рэлея и Лява Рэлея

вектор смещения дна:

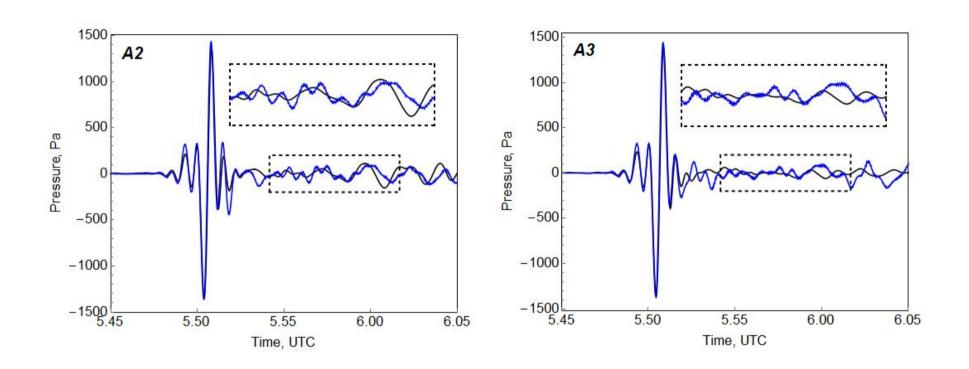
$$\vec{D} \equiv (D_x, D_y, D_z)$$

Рэлея

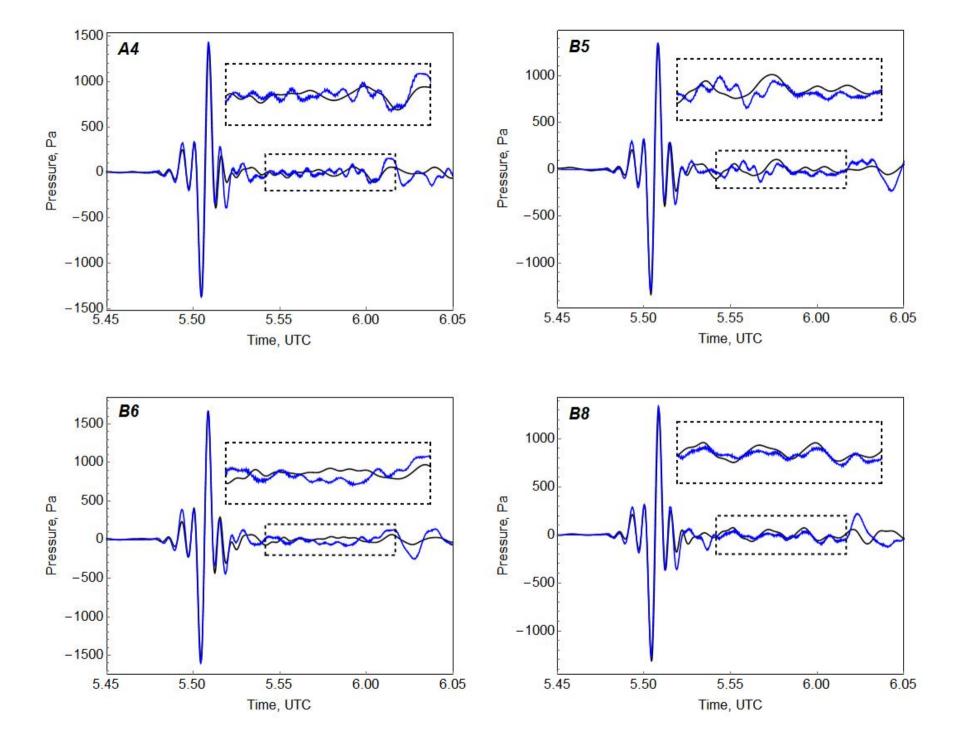
## Численное воспроизведение «предшественников цунами»

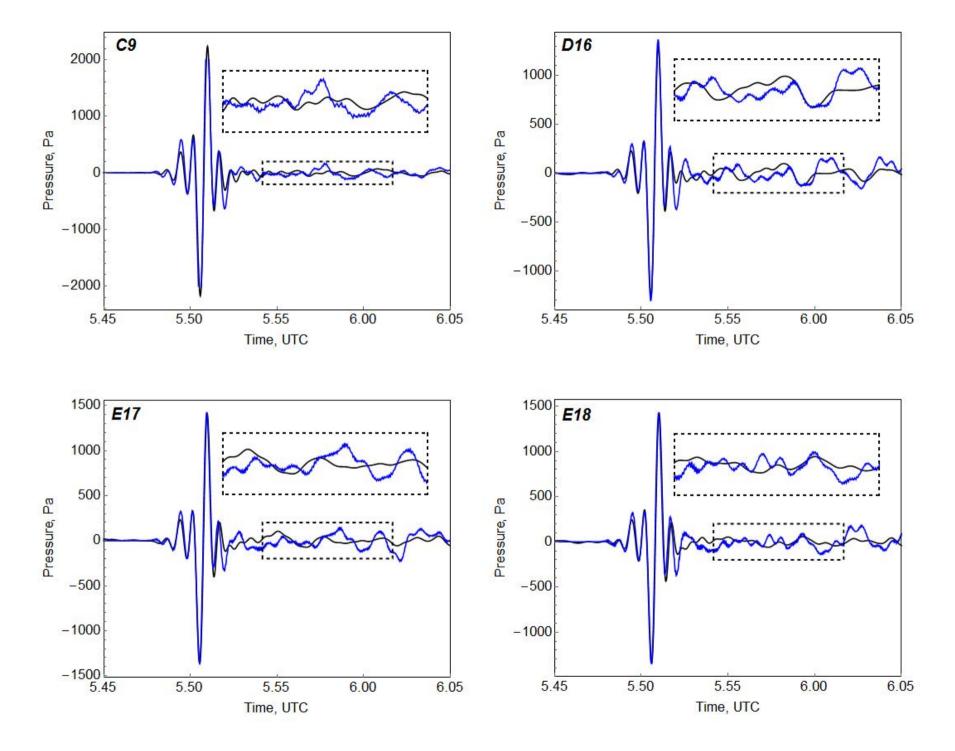


## Численное воспроизведение «предшественников цунами»



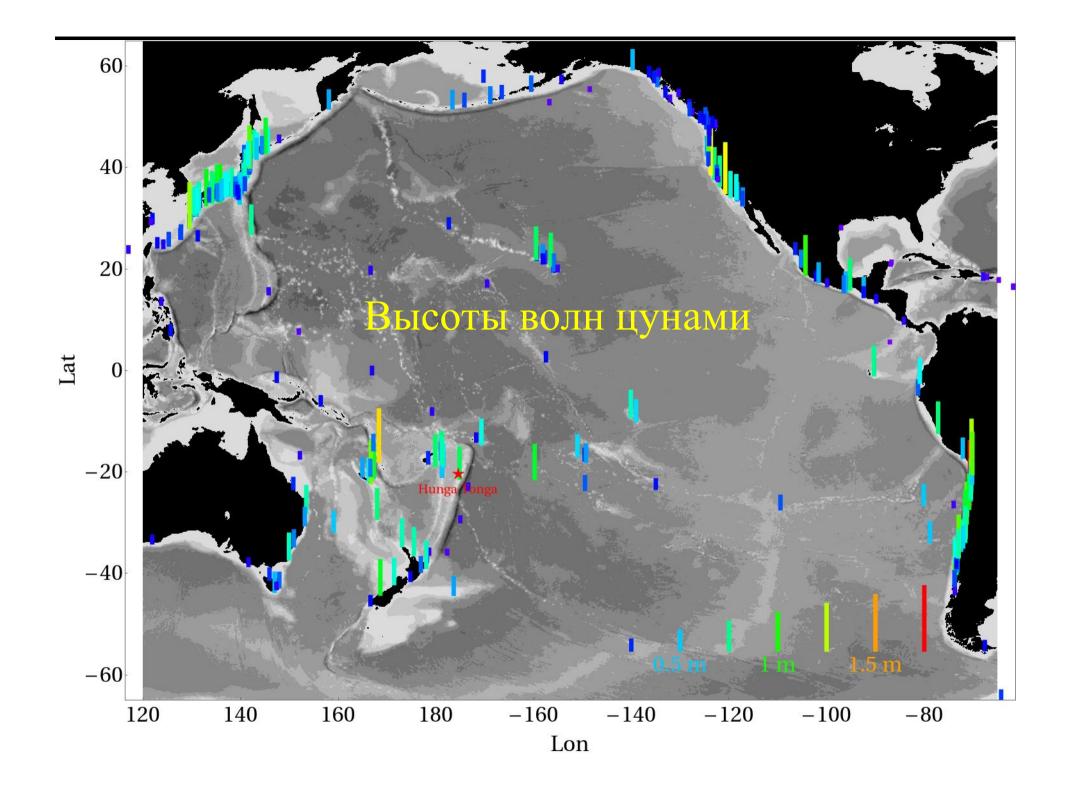
Combined Potential Tsunami Model (CPTM)

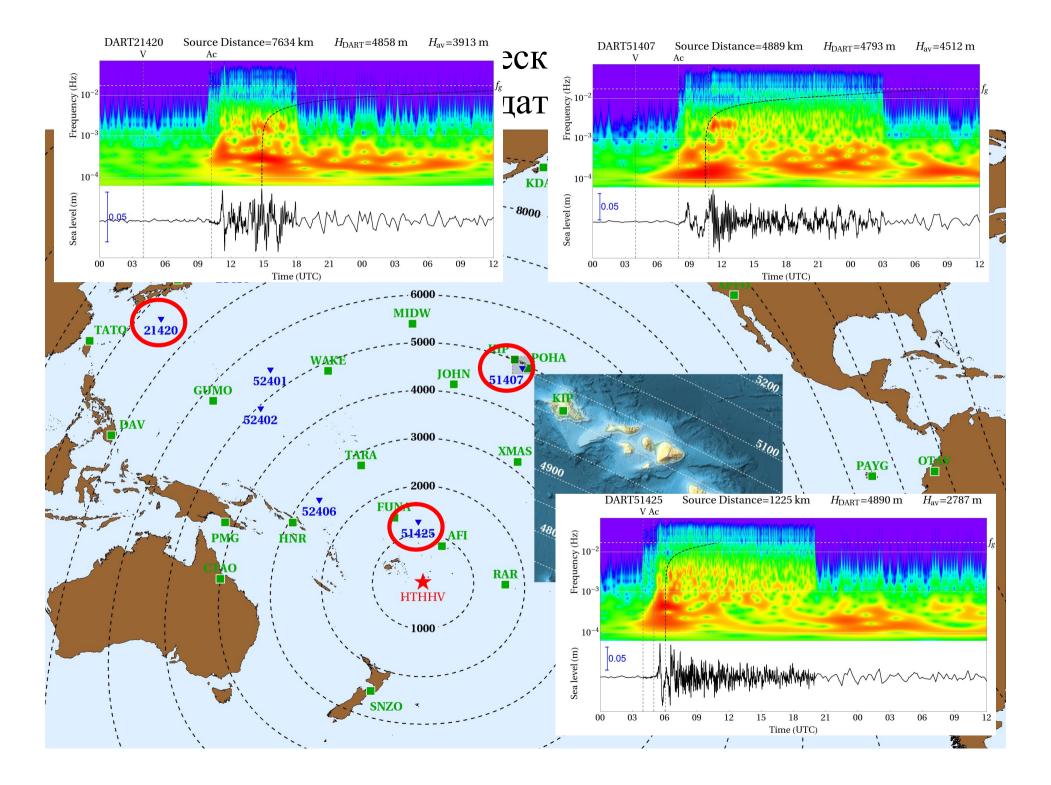




## Волны, вызванные взрывным извержением вулкана Hunga Tonga-Hunga Ha'apai (15/01/22)



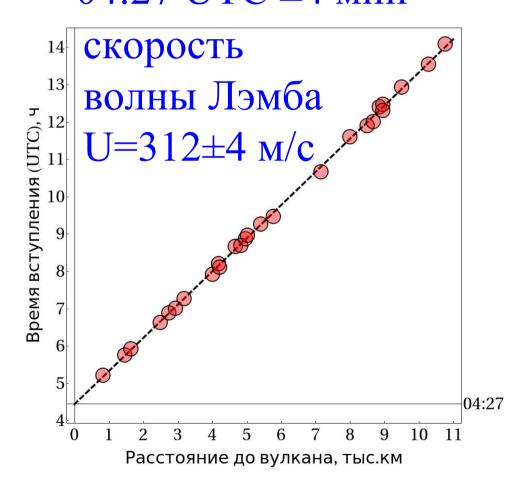




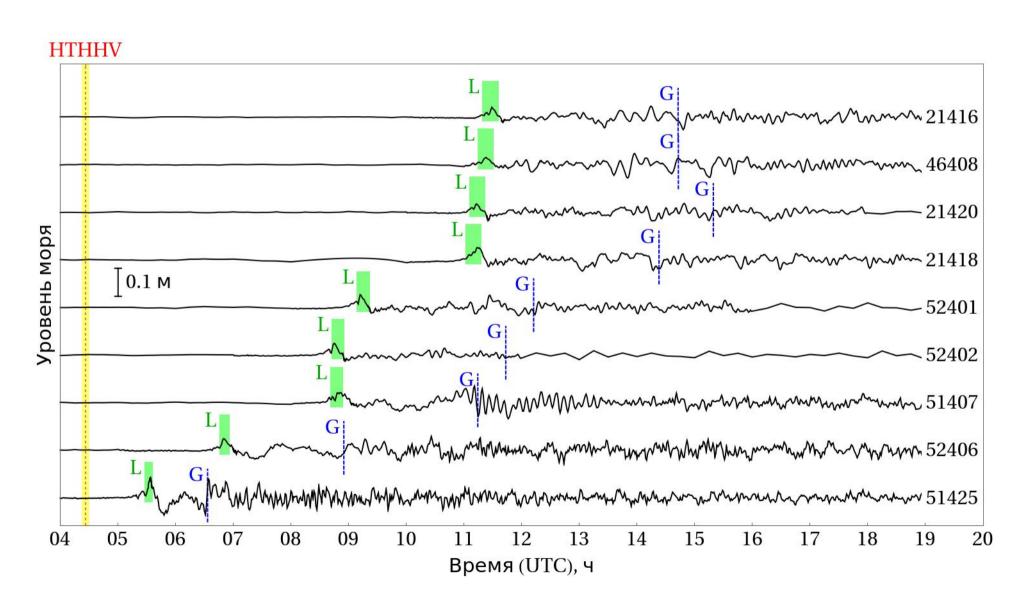
#### OTAV 10749 LCO 10263 PAYG 9480 COR 8942 KDAK 8935 INCN 8836 XPFO 8658 TATO 8483 MAJO 7982 DAV 7141 **GUMO 5759** MIDW 5399 KIP 5013 POHA 4956 WAKE 4821 500 ∏a PMG 4200 **JOHN 4173** CTAO 3997 XMAS 3174 HNR 2918 **TARA 2737** SNZO 2485 RAR 1626 FUNA 1452 14 15 16 Время (UTC), ч

## Анализ записей наземных барографов IRIS

## время в источнике: 04:27 UTC ±4 мин



### Сигналы, зарегистрированные глубоководными станциями уровня моря DART



## Проявление бегущего возмущения атмосферного давления в вариациях давления на дне океана

$$p_{atm} = p_a \sin(kx - \omega t)$$
  $U = \omega/k$ 

$$\Delta F = 0$$

$$\frac{\partial \xi}{\partial t} = \frac{\partial F}{\partial z} \bigg|_{z=0}$$

$$F = F_0 \operatorname{ch}[k(z+H)] \cos(kx - \omega t)$$

$$\frac{\partial F}{\partial t}\bigg|_{z=0} + \frac{p_{atm}}{\rho} + g\xi = 0$$

$$\left. \frac{\partial \mathbf{F}}{\partial \mathbf{z}} \right|_{\mathbf{z} = -\mathbf{H}} = 0$$

$$\left| \frac{\partial F}{\partial t} \right|_{z=-H} + \frac{p_{bott}}{\rho} - gH = 0$$

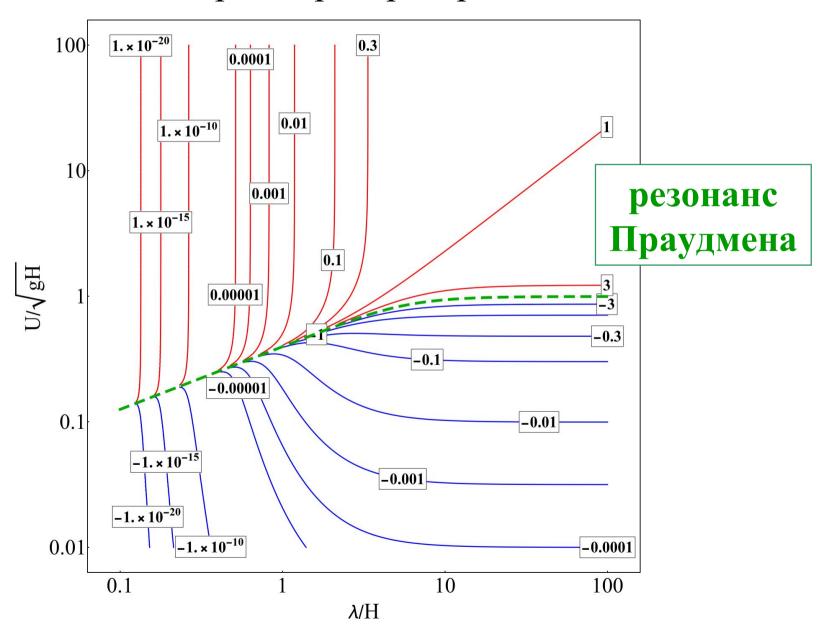
Проявление бегущего возмущения атмосферного давления на поверхности и на дне океана

$$\xi = \xi_0 \sin(kx - \omega t) \quad p_{bott} = \rho g H + p_b \sin(kx - \omega t)$$

$$\xi_0 = \frac{p_a c_{ph}^2}{g \rho (U^2 - c_{ph}^2)} \quad p_b = \frac{p_a U^2}{c h [kH] (U^2 - c_{ph}^2)}$$

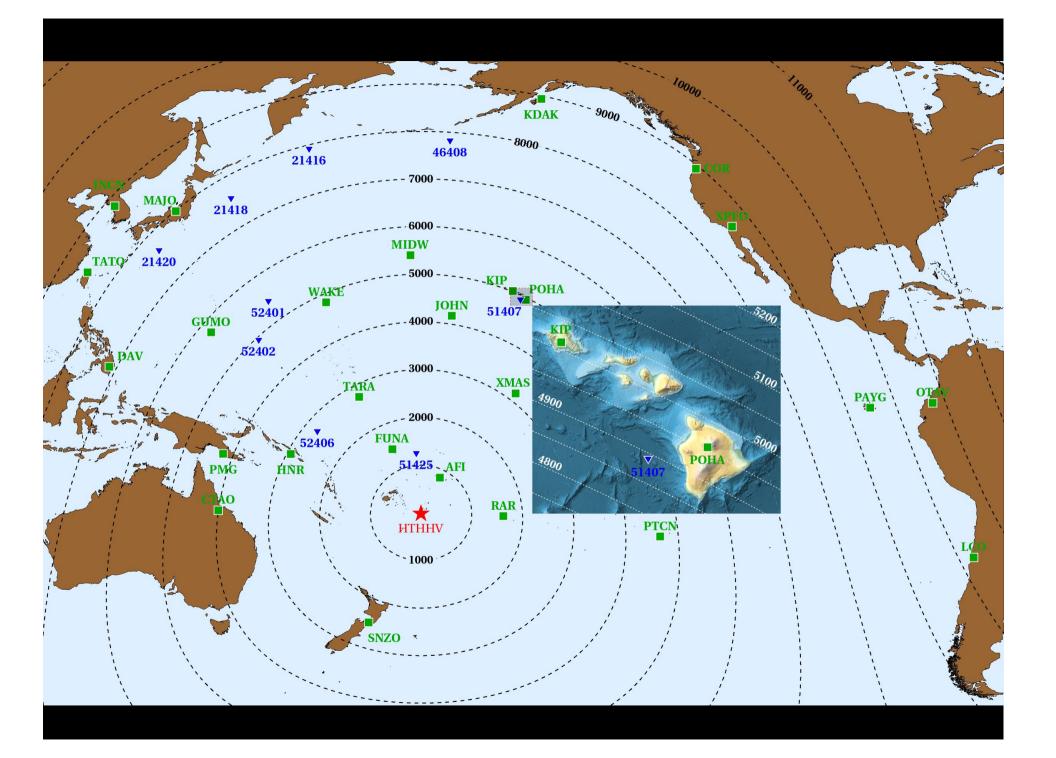
$$c_{ph} = \sqrt{g t h [kH]/k}$$

## Амплитуда колебаний давления на дне $(p_b/p_a)$ как функция длины волны и скорости распространения атм. возм-я

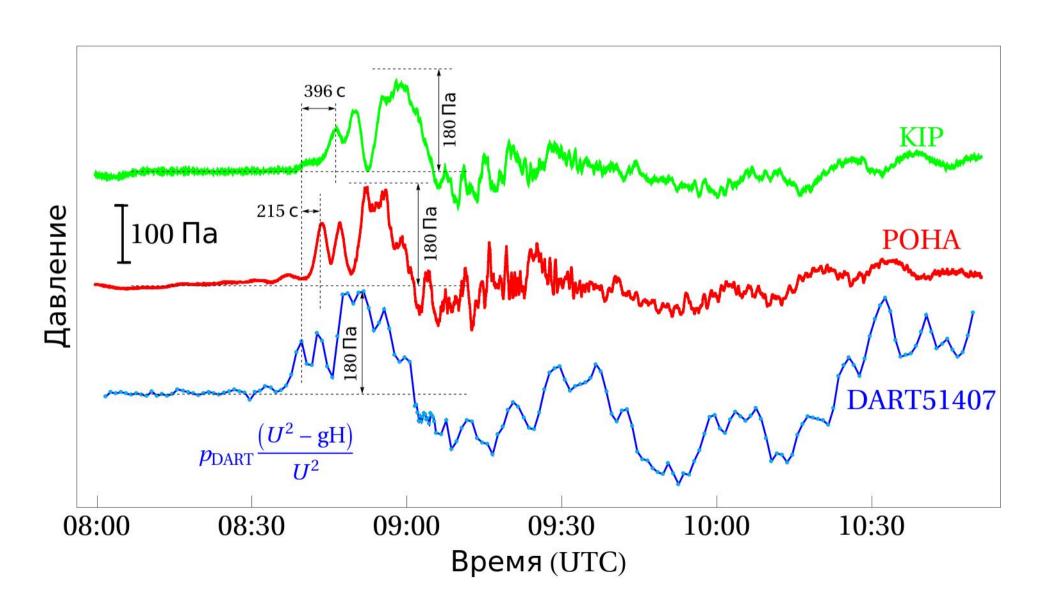


## Проявление бегущего возмущения атмосферного давления на поверхности и на дне океана

$$\xi = \xi_0 \sin(kx - \omega t) \qquad p_{bott} = \rho g H + p_b \sin(kx - \omega t)$$
 
$$\xi_0 = \frac{p_a c_{ph}^2}{g \rho(U^2 - c_{ph}^2)} \qquad p_b = \frac{p_a U^2}{ch[kH](U^2 - c_{ph}^2)}$$
 
$$c_{ph} = \sqrt{g \ th[kH]/k}$$
 длинноволновый предел:  $\lambda >> H$  или  $kH <<1$  
$$\xi_0 = \frac{p_a H}{\rho(U^2 - g H)}$$
 
$$\frac{y_{chrehre}}{g_{both}} \qquad p_b = \frac{p_a U^2}{U^2 - g H}$$



## Сопоставление колебаний давления, зарегистрированных в атмосфере и на дне океана



## Оценка амплитуды свободных волн, возбуждаемых бегущим атмосферным возмущением на скачке глубин

условие на скачке глубин:

$$\xi_1 = \xi_2, \quad u_1 H_1 = u_2 H_2$$

$$A^- = -\frac{p_a (\sqrt{gH_1} - \sqrt{gH_2}) U^2}{\rho g (gH_1 - U^2) (\sqrt{gH_2} + U)} \approx 0.018 \text{ M} \\ \approx 0.077 \text{ M}$$

$$A^+ = \frac{p_a (\sqrt{gH_1} - \sqrt{gH_2}) U^2}{\rho g (gH_2 - U^2) (\sqrt{gH_1} - U)} \approx 0.51 \text{ M} \\ \approx 0.52 \text{ M}$$

$$H_1 = 1000 \text{ M} \qquad H_1 = 9000 \text{ M} \qquad U = 312 \text{ M/c}$$

$$H_2 = 9000 \text{ M} \qquad H_2 = 5000 \text{ M} \qquad p_a = 500 \text{ Ha}$$

#### Публикации по теме лекции:

Levin B.W., Nosov M.A. Physics of Tsunamis, Second Edition. Springer International Publishing AG Switzerland. 2016. 388 p.

Носов М.А., Семенцов К.А., Колесов С.В., Матсумото Х., Левин Б.В. Регистрация гравитационных волн, образованных в океане поверхностными сейсмическими волнами при землетрясении 11 марта 2011 г. у побережья Японии // Доклады Академии Наук. 2015. Т.461. №5. С. 593–598.

Семенцов К.А., Носов М.А., Колесов С.В., Ву Ю. Численное моделирование гравитационных волн, возбуждаемых в океане низкочастотными поверхностными сейсмическими волнами, на основе записей GPS-станций // Вестник Московского университета. Серия 3: Физика, астрономия. — 2017. — №6. — С. 107-112. DOI: 10.3103/S0027134917060145

Sementsov, K. A., Nosov, M. A., Kolesov, S. V., Karpov, V. A., Matsumoto, H., & Kaneda, Y. (2019). Free gravity waves in the ocean excited by seismic surface waves: Observations and numerical simulations. Journal of Geophysical Research: Oceans, 124. <a href="https://doi.org/10.1029/2019JC015115">https://doi.org/10.1029/2019JC015115</a>.

Носов М.А., Семенцов К.А., Колесов С.В., Прядун В.В. Вулканогенное цунами 15.01.2022 по данным глубоководных станций DART // Доклады Российской академии наук. Науки о Земле, 2022. Т. 507, № 1, с. 61-66.

Носов М.А., Семенцов К.А., Колесов С.В., Прядун В.В. Проявления атмосферной волны Лэмба в вариациях придонного давления // Вестник Московского университета. Серия 3: Физика, астрономия, 2022, № 6.